

## سؤال 4 – شتاء 2021

4. في المستطيل ABCD، الرأس B يقع على المحور y، والرؤوس C و A يقعان على المحور x، كما هو

موضح في الرسم. O هي نقطة أصل المحاور.

$$\text{معطى: } \tan \angle BAO = 2 \text{ و } AO = 3$$

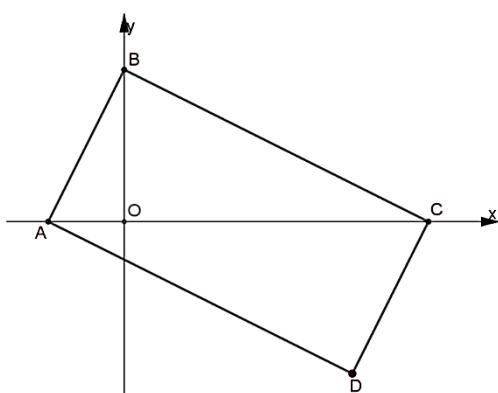
أ. جدوا معادلة المستقيم AB.

ب. (1) جدوا معادلة المستقيم BC .

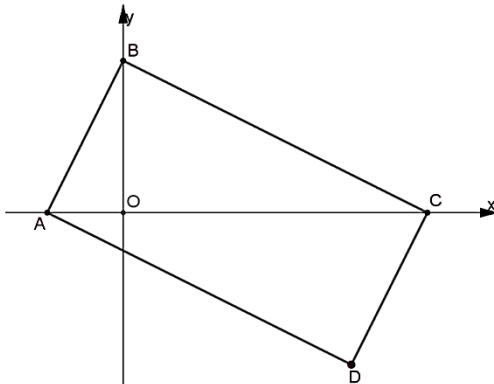
(2) جدوا إحداثيات الرأس C.

ج. (1) برهنوا أن المثلثين AOB و CDA متتشابهان.

(2) احسبوا النسبة بين مساحات المثلثين AOB و CDA.



نجد معادلة المستقيم



$$\tan \angle BAO = \frac{BO}{AO}$$

$$2 = \frac{BO}{3}$$

$$BO = 6$$

$$BO = y_B - y_o = 6 - 0 = 6$$

$$B(0,6)$$

$$AO = x_o - x_A = 3$$

$$0 - x_A = 3$$

$$x_A = -3$$

$$A(-3,0)$$

$$m_{AB} = \frac{y_B - y_A}{x_B - x_A} = \frac{6 - 0}{0 - (-3)} = 2$$

$$B(0,6)$$

$$y = mx + b$$

$$6 = 2 \cdot 0 + b$$

$$b = 6$$

$AB: y = 2x + 6$

ب. (1)

{ **BC** نجد معادلة المستقيم }

$\angle ABC = 90^\circ$  (زوايا المستطيل)



$$AB \perp BC$$



$$m_{AB} \cdot m_{BC} = -1$$

$$m_{AB} = 2$$



$$m_{BC} = -\frac{1}{2}$$

$$B(0,6)$$

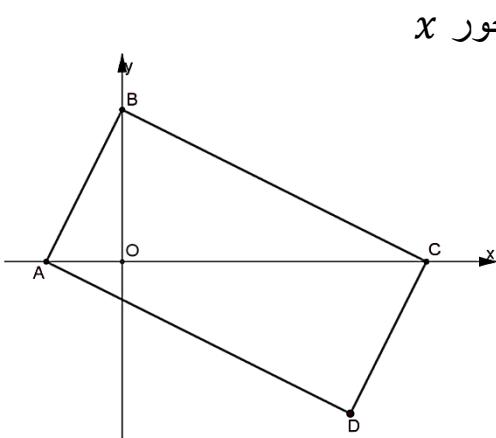
$$y = mx + b$$

$$6 = -\frac{1}{2} \cdot 0 + b$$

$$b = 6$$

$$BC: y = -\frac{1}{2}x + 6$$

$$\left\{ \begin{array}{l} \text{نجد إحداثيات الرأس } C \\ \text{نقطة } C \text{ هي نقطة تقاطع المستقيم } BC \text{ مع المحور } x \end{array} \right\} \quad (2)$$



$$0 = -\frac{1}{2}x + 6$$

$$\frac{1}{2}x = 6$$

$$x = 12$$

$$C(12,0)$$

$$\left\{ \begin{array}{l} \text{نبرهن أن المثلثين } CDA \text{ و } AOB \text{ متتشابهان} \end{array} \right\} \quad (1)$$

$AB \parallel DC$  (أضلاع المستطيل متوازية) (1)

↓

$\angle BAO = \angle ACD$  (في التبادل)

$\angle AOB = 90^\circ$  (المحاور تعمد بعضها) (2)

$\angle ADC = 90^\circ$  (زوايا المستطيل مساوية لـ  $90^\circ$ )

↓

$\angle AOB = \angle ADC = 90^\circ$

↓

حسب نظرية (ز، ز)  $\Delta AOB \sim \Delta CDA$

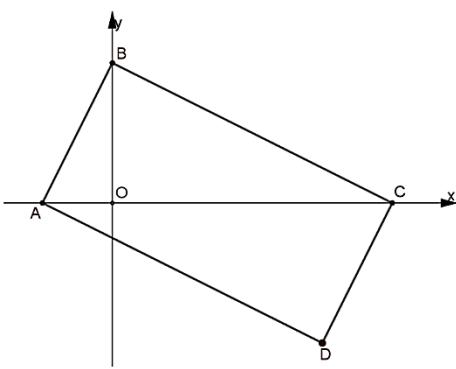
نجد نسبة مساحات المثلثين  $CDA$  و  $AOB$  } (2)

$$\frac{S_{\Delta ADC}}{S_{\Delta AOB}} = \left( \frac{AC}{AB} \right)^2$$

$$AC = x_C - x_A = 12 - (-3) = 12 + 3 = 15$$

$$AB = \sqrt{(x_B - x_A)^2 + (y_B - y_A)^2}$$

$$= \sqrt{(0 - (-3))^2 + (6 - 0)^2} = \sqrt{45}$$



$$\frac{S_{\Delta ADC}}{S_{\Delta AOB}} = \left( \frac{15}{\sqrt{45}} \right)^2 = 5$$

$$\frac{S_{\Delta ADC}}{S_{\Delta AOB}} = 5$$